

équation du lieu cherché, qui, partant, est une surface de second ordre, ayant en commun avec la première le centre et la direction des axes.

ni.

Ifouvelles Awnales de fiFatTiématiques, deuxième sèrie, tome II (1863), pp. 302-307.

Remarques au sujet de la question : Démontrer que si $\angle p(2co) = \angle p(co) \cos co$, on aura $\sin co = \angle p(co) - \angle p(o)$.

(VALTON).

La solution indiquée dans cet énoncé n'est pas, à beaucoup près, la plus générale que comporte la question. C'est ce qui ressortira de l'analyse suivante, dans laquelle je supposerai d'abord, pour plus de clarté, que la variable θ se maintienne toujours réelle et positive.

Si l'on multiplie l'équation proposée par $2 \sin co$, qu'on mette le résultat sous la forme

$$\sin \theta \text{ et qu'on pose } \sin 2co$$

$$O) \quad \sin co = K \cos \theta,$$

on aura à résoudre l'équation suivante, plus simple que la proposée,

$$(2) \quad 2 \sin(2co) = K \cos \theta.$$

En changeant successivement dans celle-ci θ en $2co$, $4co$, ... $2^{m-1}co$ on obtient

$$2^{-1}(8co) =$$

et, en multipliant toutes ces équations entre elles et avec l'équation (2), il vient

$$(3) \quad 2^m \sin 2^m co \cos \theta = K^m \cos \theta.$$

soit m est un nombre entier et positif; mais si l'on remplace dans cette formule